

- **Masse nucléaire** : masse du noyau (dans l'état fondamental)

$$m_{\text{nucl}}({}^A_Z\text{X}^N) = Z m_p + N m_n - B_N/c^2$$

avec  $B_N$  l'énergie de liaison nucléaire / nuclear binding energy,  $\sim 8$  MeV par nucléon (fig.1)<sup>1</sup>.

- **Masse d'un atome** | masse atomique :

$$m_{\text{at}}({}^A_Z\text{X}^N) = m_{\text{nucl}}({}^A_Z\text{X}^N) + Z m_e - B_e/c^2$$

avec  $B_e$  l'énergie de liaison électronique, typiquement 3 keV par électron, souvent négligeable.

- **Unité de masse atomique** (uma ou u, ou Dalton, Da) :

$$1 \text{ uma} = 1 \text{ u} = m_{\text{u}} := \frac{1}{12} m_{\text{at}}({}^{12}\text{C}) = \begin{cases} 1.6605 \cdot 10^{-27} \text{ kg} \\ 931.49 \text{ MeV}/c^2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow m_{\text{at}}({}^1\text{H}) = 1.0078 \text{ u}, m_p = 938.27 \text{ MeV}/c^2 = 1.0073 \text{ u}, m_n = 939.57 \text{ MeV}/c^2 = 1.0087 \text{ u}.$$

- **Excès de masse atomique** | mass excess :

$$\begin{aligned} \Delta m_{\text{at}} &= m_{\text{at}} - A \times m_{\text{u}} \\ &= Z(m_p + m_e - m_n) + A(m_n - m_{\text{u}}) - B_N/c^2 - B_e/c^2 \\ &= Z(-0.782 - B_e/Z) + A(8.071 - B_N/A) \quad \text{en MeV} \\ &= Z(-0.00084 - B_e/Z) + A(0.00867 - B_N/A) \quad \text{en uma} \end{aligned}$$

$\Delta m_{\text{at}}({}^{12}\text{C}) = 0$  par définition.

Défaut de masse | mass defect (moins utilisé) :  $B = Z m_p + N m_n - m_{\text{at}}$ .

- **Masse atomique relative** | Relative atomic mass | atomic weight | poids atomique d'un élément :

$$A_r := m_{\text{at}}/m_{\text{u}}$$

Pour un isotope  ${}^A\text{X}$  donné,  $A_r = A + \Delta m_{\text{at}}/m_{\text{u}}$ , avec  $|\Delta m_{\text{at}}/m_{\text{u}}| < 1\%$ , souvent  $< 0.1\%$ . Lorsque l'isotope n'est pas précisé, c'est la masse atomique relative *standard*  $A_{r,\text{st}}$ , moyenne sur Terre des différents isotopes :  $A_{r,\text{st}}(\text{X}) = \sum_A \%_A^{\text{st}} \times A_r({}^A\text{X})$ .

1. Formule de Bethe-Weizsäcker, semi-empirique :

$$\frac{B_N}{A} = \underbrace{14}_{\text{satur}^\circ} - \underbrace{13/A^{1/3}}_{\text{surf. tens}} - \underbrace{0.585 Z^2/A^{4/3}}_{\text{Coulomb}} - \underbrace{19.3(N-Z)^2/A^2}_{\text{terme d'asym.}} \pm \underbrace{33/A^{7/4}}_{\substack{\text{pair-pair,} \\ \text{impair-pair}}} \quad \text{en MeV}$$

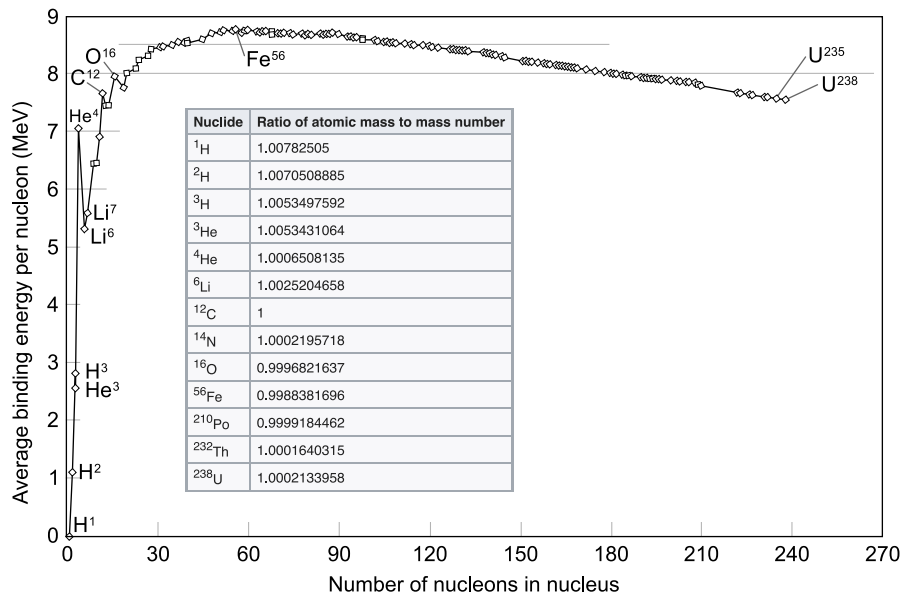


Figure 1. Énergie de liaison nucléaire en fonction de  $A$  et rapport  $A_r/A = 1 + \Delta m_{\text{at}}/(A m_u)$ .

- **Mole :**

$$N_A := 6.02214076 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$$

- **Masse molaire d'un élément<sup>2</sup> :**

$$M := m_{\text{at}} N_A = A_r M_u \quad \text{avec} \quad M_u := N_A m_u \simeq 1 \text{ g/mol}$$

Pour des molécules,  $M = \sum_i a_i A_{r,\text{st}}(X_i)$ . Poids moléculaire | masse molaire relative :  $M_r = M / M_u$ .

- **Densité et masses molaires :**

Pour un élément,  $\rho = n \times m_{\text{at}}$  où  $n$  est le nombre d'atomes par unité de volume et  $\rho$  la densité.

$$n = \frac{\rho}{m_{\text{at}}} = \frac{N_A \rho}{M} = \frac{\rho}{A_r m_u}$$

(typiquement,  $n$  en  $\#/cm^3$ ,  $N_A$  en  $\#/mol$ ,  $M$  en  $g/mol$ ,  $\rho$  en  $g/cm^3$ ). Plus généralement,  $n = \rho / m_{\text{unit}} = N_A \rho / M$  reste valable.

- **Volume molaire :** (typiquement en  $m^3/mol$ )

$$V_m := \frac{M}{\rho} = \frac{N_A}{n} = v N_A$$

2.  $M_u = (1 - 3 \cdot 10^{-10}) \text{ g/mol}$  dans le nouveau SI où  $N_A$  est fixé et  $12 \text{ u} = m_{\text{at}}(^{12}\text{C}) = A_r(^{12}\text{C}) M_u / N_A = 12 M_u / N_A$  par définition. Avant,  $N_A$  était mesuré de façon à avoir  $M_u = 1 \text{ g/mol}$ .