

- **Masse nucléaire** : masse du noyau (dans l'état fondamental)

$$m_{\text{nucl}}({}^A_Z\text{X}^N) = Z m_p + N m_n - B_N/c^2$$

avec B_N l'énergie de liaison nucléaire / nuclear binding energy, ~ 8 MeV par nucléon (fig.1)¹.

- **Masse d'un atome** | masse atomique :

$$m_{\text{at}}({}^A_Z\text{X}^N) = m_{\text{nucl}}({}^A_Z\text{X}^N) + Z m_e - B_e/c^2$$

avec B_e l'énergie de liaison électronique, typiquement 3 keV par électron, souvent négligeable.

- **Unité de masse atomique** (uma ou u, ou Dalton, Da) :

$$1 \text{ uma} = 1 \text{ u} = m_{\text{u}} := \frac{1}{12} m_{\text{at}}({}^{12}\text{C}) = \begin{cases} 1.6605 \cdot 10^{-27} \text{ kg} \\ 931.49 \text{ MeV}/c^2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow m_{\text{at}}({}^1\text{H}) = 1.0078 \text{ u}, m_p = 938.27 \text{ MeV}/c^2 = 1.0073 \text{ u}, m_n = 939.57 \text{ MeV}/c^2 = 1.0087 \text{ u}.$$

- **Excès de masse atomique** | mass excess :

$$\begin{aligned} \Delta m_{\text{at}} &= m_{\text{at}} - A \times m_{\text{u}} \\ &= Z(m_p + m_e - m_{\text{u}}) + A(m_n - m_{\text{u}}) - B_N/c^2 - B_e/c^2 \\ &= Z(-0.782 - B_e/Z) + A(8.071 - B_N/A) \quad \text{en MeV} \\ &= Z(-0.00084 - B_e/Z) + A(0.00867 - B_N/A) \quad \text{en uma} \end{aligned}$$

$\Delta m_{\text{at}}({}^{12}\text{C}) = 0$ par définition.

Défaut de masse | mass defect (moins utilisé) : $B = Z m_p + N m_n - m_{\text{at}}$.

- **Masse atomique relative** | Relative atomic mass | atomic weight | poids atomique d'un élément :

$$A_r := m_{\text{at}}/m_{\text{u}}$$

Pour un isotope ${}^A\text{X}$ donné, $A_r = A + \Delta m_{\text{at}}/m_{\text{u}}$, avec $|\Delta m_{\text{at}}/m_{\text{u}}| < 1\%$, souvent $< 0.1\%$. Lorsque l'isotope n'est pas précisé, c'est la masse atomique relative *standard* $A_{r,\text{st}}$, moyenne sur Terre des différents isotopes : $A_{r,\text{st}}(\text{X}) = \sum_A \%_A^{\text{st}} \times A_r({}^A\text{X})$.

1. Formule de Bethe-Weizsäcker, semi-empirique :

$$\frac{B_N}{A} = \underbrace{14}_{\text{satur}^\circ} - \underbrace{13/A^{1/3}}_{\text{surf. tens}} - \underbrace{0.585 Z^2/A^{4/3}}_{\text{Coulomb}} - \underbrace{19.3(N-Z)^2/A^2}_{\text{terme d'asym.}} \pm \underbrace{33/A^{7/4}}_{\substack{\text{pair-pair,} \\ \text{impair-pair}}} \quad \text{en MeV}$$

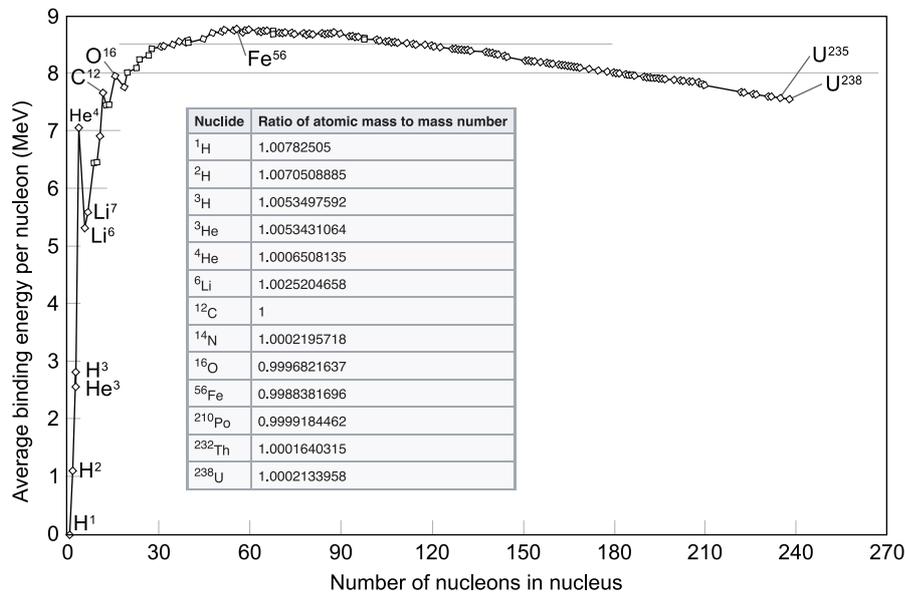


Figure 1. Énergie de liaison nucléaire en fonction de A et rapport $A_r/A = 1 + \Delta m_{\text{at}}/(A m_u)$.

- **Mole :**

$$N_A := 6.02214076 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$$

- **Masse molaire d'un élément² :**

$$M := m_{\text{at}} N_A = A_r M_u \quad \text{avec} \quad M_u := N_A m_u \simeq 1 \text{ g/mol}$$

Pour des molécules, $M = \sum_i a_i A_{r,\text{st}}(X_i)$. Poids moléculaire | masse molaire relative : $M_r = M / M_u$.

- **Densité et masses molaires :**

Pour un élément, $\rho = n \times m_{\text{at}}$ où n est le nombre d'atomes par unité de volume et ρ la densité.

$$n = \frac{\rho}{m_{\text{at}}} = \frac{N_A \rho}{M} = \frac{\rho}{A_r m_u}$$

(typiquement, n en $\#/cm^3$, N_A en $\#/mol$, M en g/mol , ρ en g/cm^3). Plus généralement, $n = \rho / m_{\text{unit}} = N_A \rho / M$ reste valable.

- **Volume molaire :** (typiquement en m^3/mol)

$$V_m := \frac{M}{\rho} = \frac{N_A}{n} = v N_A$$

2. $M_u = (1 - 3 \cdot 10^{-10}) \text{ g/mol}$ dans le nouveau SI où N_A est fixé et $12 \text{ u} = m_{\text{at}}(^{12}\text{C}) = A_r(^{12}\text{C}) M_u / N_A = 12 M_u / N_A$ par définition. Avant, N_A était mesuré de façon à avoir $M_u = 1 \text{ g/mol}$.